Разреженные скобочки

Имя входного файла:	`стандартный ввод`
Имя выходного файла:	`стандартный вывод`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Порядок вычислений в арифметических выражениях задается расстановкой скобок, например, $(3 \cdot (2 + 1)) \cdot (4 - 5)$. Если удалить все элементы выражения за исключением скобок, то оставшиеся символы образуют *скобочную последовательность* (())(). Предположим теперь, что кроме открывающих и закрывающих скобок может присутствовать ещё один символ, не нарушающий правильность скобочных последовательностей. Например, символ «0». Такую последовательность будем называть *разреженной скобочной последовательностью*. Понятие разреженной скобочной последовательности можно определить и так:

- Пустая строка считается разреженной скобочной последовательностью.
- Если S и T — разреженные скобочные последовательности, то строки $0S, S0, (S)$ и ST также являются разреженными скобочными последовательностями.

Глубиной разреженной скобочной последовательности называется максимальная разность между количеством открывающих и закрывающих скобок в префиксе последовательности. (Префиксом строки S называется строка, которую можно получить из S удалением некоторого количества символов с конца строки. Например, префиксами строки «$ABCAB$» являются строки «», «A», «AB», «ABC» и «$ABCA$» и «$ABCAB$».) Так, глубина последовательности «(0)(0())0» равна двум (префикс «(0)(0(» содержит три открывающие и одну закрывающую скобки).

Необходимо по заданным значениям n и k вычислить количество разреженных скобочных последовательностей из n символов, которые имеют глубину вложения скобок, равную k.

Формат входных данных

Единственная строка содержит два целых числа n и k ($1 \leqslant n \leqslant 300$, $0 \leqslant k \leqslant n$).

Формат выходных данных

Выведите количество разреженных скобочных последовательностей из n символов, которые имеют глубину k. Ответ запишите по модулю $(10^9 + 9)$.

Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	20	$1 \leqslant n \leqslant 10$		баллы
2	40	$1 \leqslant n \leqslant 20$	1	баллы
3	40	$1 \leqslant n \leqslant 300$	1, 2	баллы

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0	1
3 1	3
3 2	0

Замечание

В первом примере возможна единственная разреженная скобочная последовательность с глубиной вложения скобок 0: 000.

Во втором примере возможны три разреженные скобочные последовательности с глубиной вложения скобок 1: 0(), (0) и ()0.